



حل:

مشخصات تیر پیوند، نیمرخ IPB۳۲۰ به صورت زیر است:

$$d = ۳۲ \text{ cm} , t_f = ۲/۰۵ \text{ cm} , t_w = ۱/۱۵ \text{ cm} , r_x = ۱۳/۸ \text{ cm} , r_y = ۷/۵۷ \text{ cm}$$

$$b_f = ۳۰ \text{ cm} , A_g = ۱۶۱ \text{ cm}^2 , Z_x = ۲۰۶۵ \text{ cm}^3 , I_x = ۳۰۸۲۰ \text{ cm}^4$$

♦ تعیین نیروها و لنگرهای طراحی تیر پیوند

ترکیب بار لرزه‌ای حاکم برابر است با:

$$(۱/۲ + ۰/۶AI)D + \rho E + ۰/۵L + ۰/۲S$$

(ضریب بار زنده برای کاربری‌هایی که بار زنده گسترده یکنواخت آنها کم‌تر از ۵۰۰ کیلوگرم بر

متر مربع می‌باشد برابر با ۰/۵ منظور می‌گردد).

نیروی برشی طراحی تیر پیوند چنین است:

$$V_u = [۱/۲ + ۰/۶(۰/۳۵)(۱/۰)](۰/۸۲) + ۱/۲(۳۸/۱۰) + ۰/۵(۰/۶) + ۰$$

$$= ۴۷/۱۸ \text{ ton}$$

نیروی محوری طراحی تیر پیوند چنین است:

$$P_u = [۱/۲ + ۰/۶(۰/۳۵)(۱/۰)](۳/۳۶) + ۱/۲(۲/۵) + ۰/۵(۲/۴) + ۰/۲(۰/۰)$$

$$= ۸/۹۴ \text{ ton}$$

لنگر خمشی طراحی تیر پیوند چنین است:

$$M_u = [۱/۲ + ۰/۶(۰/۳۵)(۱/۰)](۲/۰) + ۱/۲(۲۳/۳) + ۰/۵(۱/۳۳) + ۰$$

$$= ۳۱/۴۴ \text{ ton.m}$$

♦ لحاظ اثرات مرتبه دوم

اثرات مرتبه دوم با توجه به پیوست دوم مبحث دهم در ادامه آورده شده است.

$$M_u = B_1 M_{m1} + B_2 M_{l1}$$

$$P_u = P_{m1} + B_2 P_{l1}$$

- محاسبه  $B_1$

مقدار ضریب  $C_m$  به طور محافظه‌کارانه برابر ۱/۰ لحاظ می‌گردد، از روش ضریب طول مؤثر برای

طراحی پایداری استفاده می‌شود. مبحث دهم استفاده از اثرات مرتبه اول را برای محاسبه  $P_u$  مجاز می‌داند.

$$P_{e1} = \frac{\pi^2 EI^*}{(K_1 L)^2} = \frac{\pi^2 (۲/۱)(۱۰^۶)(۳۰۸۲۰)}{[۱/۰(۱۲۰)]^2} = ۴۴۳۶۰ \text{ ton}$$

$$B_1 = \frac{C_m}{1 - P_u / P_{e1}} \geq 1$$

$$= \frac{1/0}{1 - (8/94) / (44360)}$$

$$= 1/00$$

- محاسبه‌ی  $B_1$

برای محاسبه  $B_1$  نیاز به محاسبه  $P_{story}$  و  $P_{e story}$  می‌باشد.

الف) محاسبه‌ی  $P_{story}$

مساحت و محیط طبقه از داده‌های مثال عبارتند از:

$$A_{story} = 810 m^2, l_{story} = 117 m$$

$P_{story}$  از مجموع بارهای ثقلی طبقات در تراز طبقه دوم در اثر ترکیب بار لرزه‌ای زیر به دست

می‌آید.

$$(1/2 + 0/6 AI) D + \rho E + 0/5 L + 0/2 S$$

$$P_{story} = 810 \left\{ \left[ 1/2 + 0/6 (0/35) (1/0) \right] \times [330 + 2(415)] + 0/0 + 0/5 (2)(200) + 0/2 (100) \right\}$$

$$+ \left[ 1/2 + 0/6 (0/35) (1/0) \right] \times [260(2)(117)]$$

$$P_{story} = 1589 ton$$

ب: محاسبه‌ی  $P_{e story}$

برش کل طبقه مطابق شکل ۴-۱۸ برابر  $H = 90 ton$  می‌باشد، با توجه به داده‌های مثال، مقدار

جابجایی نسبی از تحلیل ارتجاعی مرتبه اول  $\Delta_H = 0/44 cm$  می‌باشد. ارتفاع طبقه  $L = 375 cm$

است. مطابق پیوست دوم مبحث دهم در سیستم‌های قاب مهاربندی  $R_M = 1 - 0/15 \frac{P_{mf}}{P_{story}} = 1/0$

می‌باشد. در این صورت:

$$P_{e story} = R_M \frac{HL}{\Delta_H} = (1/0) \frac{90(375)}{0/44} = 76704 ton$$

بنابراین ضریب  $B_1$  برابر است با:

$$B_1 = \frac{1}{1 - \frac{P_{story}}{P_{e story}}} \geq 1$$

$$= \frac{1}{1 - \frac{1589}{76704}} \geq 1$$

$$= 1/02$$

نیروی محوری طراحی تیر پیوند با در نظر گرفتن آثار مرتبه دوم برابر است با:

$$P_u = P_m + B_r P_m$$

$$P_u = (1/2 + 0/6 AI) P_D + B_r \rho P_E + 0/5 P_L + 0/2 P_S$$

$$P_u = [1/2 + 0/6 (0/35)(1/0)] (3/36) + 1/02 (1/2) (2/5) + 0/5 (2/4) + 0/2 (0/0) = 9/0 \text{ ton}$$

از آنجا که ضریب  $B_1 = 1/0$  است، لنگر خمشی طراحی در اثر  $P-\delta$  نیاز به تشدید ندارد. بنابراین لنگر خمشی طراحی تیر پیوند با در نظر گرفتن اثرات مرتبه دوم چنین است:

$$M_u = B_1 M_m + B_r M_m$$

$$M_u = (1/2 + 0/6 AI) M_D + 0/5 M_L + 0/2 M_S + B_r \rho M_E$$

$$= [1/2 + 0/6 (0/35)(1/0)] (2/0) + 0/5 (1/33) + 0/2 (0) + 1/02 (1/2) (23/3) = 32 \text{ ton.m}$$

شایان ذکر است اثرات مرتبه دوم برای تشدید نیروی برشی تیر پیوند لازم نمی‌باشند.

#### ♦ کنترل فشردگی لرزه‌ای تیر پیوند

مطابق مبحث دهم تیر پیوند باید از نوع فشرده لرزه‌ای با شکل‌پذیری زیاد با محدودیت حداکثر نسبت پهنا به ضخامت  $\lambda_{hd}$  باشد.

$$\lambda_f = \frac{b_f}{2t_f} = \frac{30}{2(2/05)} = 7/32$$

$$\lambda_{hd} = 0/30 \sqrt{\frac{E}{F_y}} = 0/30 \sqrt{\frac{2/1(10^6)}{3515}} = 7/33$$

$$\lambda_f < \lambda_{hd} \text{ o.k.}$$

$$\lambda_w = \frac{h}{t_w} = \frac{32 - 2(4/75)}{1/15} = 19/57$$

$$C_a = \frac{P_u}{\phi_b P_y} = \frac{P_u}{0/9 F_y A_g} = \frac{9/0(10^2)}{0/9(3515)(161)} = 0/017 \quad C_a < 0/125$$

$$\lambda_{hd} = 2/45 \sqrt{\frac{E}{F_y}} (1 - 0/93 C_a) = 2/45 \sqrt{\frac{2/1(10^6)}{3515}} [1 - 0/93(0/017)] = 59$$

$$\lambda_w < \lambda_{hd} \text{ o.k.}$$

نیمرخ تیر پیوند شرایط فشردگی لرزه‌ای را داراست.

#### ♦ محاسبه مقاومت برشی تیر پیوند

مقاومت برشی اسمی تیر پیوند  $V_n$  برابر کوچک‌ترین مقدار محاسبه شده بر اساس حالت‌های حدی تسلیم برشی و تسلیم خمشی در نظر گرفته می‌شود.

الف) تسلیم برشی ( $V_n = V_p$ )

$$P_c = P_y = F_y A_g = 3515(161) = 566 \text{ ton}$$

$$\frac{P_u}{P_c} = \frac{9/0}{566} = 0/016 < 0/15$$

در حالت تسلیم برشی اگر  $0/15 < \frac{P_u}{P_c}$  باشد، می‌توان از اثرات نیروی محوری چشم‌پوشی کرد، در

این صورت:

$$V_p = 0/6 F_y A_w$$

که در آن  $A_w$  برابر است با:

$$A_w = (d_b - 2t_f) t_w = [32 - 2(2/05)](1/15) = 32/08 \text{ cm}^2$$

بنابراین مقاومت برشی اسمی تیر پیوند در حالت تسلیم برشی برابر است با:

$$V_n = V_p = 0/6(3515)(32/08) = 67/65 \text{ ton}$$

ب) تسلیم خمشی ( $V_n = 2M_p/e$ )

$$M_p = F_y Z = 3515(2065) = 72/58 \text{ ton.m}$$

$$V_n = \frac{2M_p}{e} = \frac{2(72/58)}{1/20} = 121 \text{ ton}$$

کم‌ترین مقدار محاسبه شده براساس حالت‌های حدی تسلیم برشی و تسلیم خمشی برابر است

با:

$$V_n = \text{Min} \left\{ \frac{2M_p}{e}, V_p \right\} = \text{Min} \{ 121 \text{ ton}, 67/65 \text{ ton} \} = 67/65 \text{ ton}$$

$$\phi_v V_n = 0/9(67/65)$$

$$= 61 \text{ ton} > V_u = 47 \text{ ton} \text{ o.k.}$$

#### کنترل زاویه چرخش پلاستیک تیر پیوند

زاویه چرخش پلاستیک تیر پیوند نسبت به تیر خارج از ناحیه پیوند، به رفتار مورد انتظار تیر پیوند وابسته است. بنابراین در اولین گام باید رفتار تیر پیوند تعیین گردد، رفتار مورد انتظار تیر پیوند

از مقایسه طول تیر پیوند با ضریبی از  $\frac{M_p}{V_p}$  به دست می‌آید.

$$e = X \frac{M_p}{V_p} \Rightarrow X = \frac{V_p e}{M_p}$$

$$\frac{V_p e}{M_p} = \frac{67/65(1/20)}{72/58} = 1/11 < 1/6$$

مقادیر کمتر از  $1/6$  نشان می‌دهد که رفتار تیر پیوند برشی است.

تغییر مکان نسبی غیر ارتجاعی طبقه با توجه به تغییر مکان نسبی ارتجاعی،  $\delta_{xe}$ ، و در نظر گرفتن ضریب بزرگ‌نمایی تغییر مکان برابر است با:

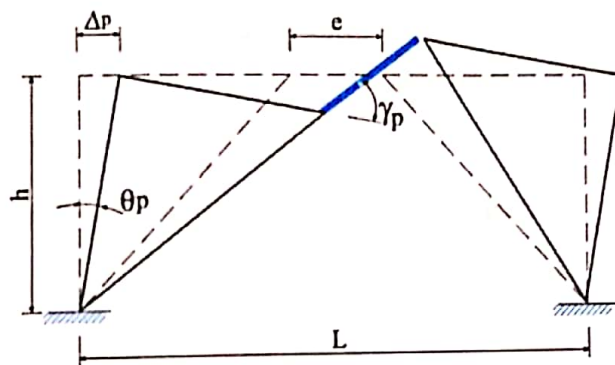
$$\delta_x = C_d \delta_{xe} = 4(0/44) = 1/76 \text{ cm}$$

زاویه چرخش پلاستیک تیر پیوند با توجه به سهم غیر ارتجاعی تغییر مکان نسبی طبقه به دست می‌آید:

$$\Delta_p = \delta_x - \delta_{xe} = 1/76 - 0/44 = 1/32 \text{ cm}$$

مطابق مبحث دهم حداکثر دوران پلاستیک تیر پیوند نسبت به ناحیه خارج آن (شکل ۴-۱۹) در حالت تسلیم برشی نباید از  $0/08$  رادیان تجاوز کند.

$$\gamma_p = \left( \frac{L}{eh} \right) \Delta_p = \frac{900(1/32)}{120(375)} = 0/026 \text{ rad} < 0/08 \text{ rad o.k.}$$



شکل ۴-۱۹ دوران پلاستیک تیر پیوند نسبت به ناحیه خارج آن

♦ تعیین مقاومت محوری فشاری تیر پیوند

$$\frac{KL}{r_y} = \frac{1/0(120)}{7/57} = 15/85$$

$$\frac{KL}{r_y} < 4/71 \sqrt{\frac{E}{F_y}} = 4/71 \sqrt{\frac{2/1(10^6)}{3515}} = 115$$

چون  $15/85 < 115$ ، کماتش غیر ارتجاعی حاکم است:

$$F_c = \frac{\pi^2 E}{\left( \frac{KL}{r} \right)^2} = \frac{\pi^2 (2/1)(10^6)}{(15/85)^2} = 82501 \text{ kg/cm}^2$$

$$F_{cr} = \left[ 0/658 \frac{F_y}{F_c} \right] F_y = \left[ 0/658 \frac{3515}{82501} \right] (3515) = 3453 \text{ kg/cm}^2$$

$$\begin{aligned} \phi_c P_n &= \phi_c F_{cr} A_g \\ &= 0/9(3453)(161) \\ &= 500 \text{ ton} > P_u = 8/29 \text{ ton o.k.} \end{aligned}$$

### تعیین مقاومت خمشی تیر پیوند

به منظور بررسی حالت حدی حاکم باید طول مفصل پلاستیک مشخص شود:

$$L_p = 1/76 r_y \sqrt{\frac{E}{F_y}} = 1/76 (7/57) \sqrt{\frac{2/1(10^6)}{3515}} = 325 \text{ cm}$$

$$L_b = e = 120 \text{ cm} < L_p$$

چون طول مهار نشده تیر،  $L_b$ ، کوچک‌تر از طول مفصل پلاستیک،  $L_p$ ، می‌باشد، حالت حدی تسلیم رخ می‌دهد.

$$M_n = M_p = F_y Z_x = 3515 (2.065) = 72/58 \text{ ton.m}$$

$$\phi_b M_n = 0.9 (72/58) = 65/32 \text{ ton.m} > 32 \text{ ton.m} \quad \text{o.k.}$$

### اثر هم‌زمان فشار محوری و لنگر خمشی

$$\frac{P_u}{P_c} = \frac{9/0}{500} = 0.018 < 0.2$$

$$\frac{P_u}{2P_c} + \left( \frac{M_{ux}}{M_{cx}} + \frac{M_{uy}}{M_{cy}} \right) \leq 1$$

$$\frac{0.018}{2} + \left( \frac{32}{65/32} + 0 \right) = 0.50 < 1 \quad \text{o.k.}$$

### مهار جانبی تیر پیوند

مطابق مبحث دهم باید در دو انتهای تیر پیوند در بال‌های فوقانی و تحتانی برای تضمین وقوع تسلیم برشی قبل از کمناش پیچشی - جانبی مهارهای جانبی پیش‌بینی شوند. این مهارهای جانبی باید علاوه بر داشتن سختی کافی قادر به تحمل نیروی زیر به صورت کشش و فشار باشند:

$$P_{br} = \frac{0.06 R_y F_y Z_b}{h_o} = \frac{0.06 (1/2) (3515) (2.065)}{(32 - 2/0.5)} = 17/45 \text{ ton}$$

براساس پیوست ششم ۱۰-۳۶۰ AISC سختی مورد نیاز مهار جانبی به صورت زیر است:

$$\beta_{br} = \frac{1}{\phi} \left( \frac{1.0 M_u C_d}{L_b h_o} \right)$$

که در آن:

$$\phi = 0.75, \quad C_d = 1.0, \quad L_b = e = 120 \text{ cm}, \quad h_o = d - t_f = 29/95 \text{ cm}$$

$$M_u = R_y F_y Z = 1/2 (3515) (2.065) = 87/1 \text{ ton.m}$$

در رابطه فوق  $C_d$  ضریب انحنای بوده و مقدار آن برای انحنای یک طرفه برابر واحد می‌باشد.

$$\beta_{pr} = \frac{1.0(17/1)(1/0)}{0.75(120)(29/95)} = 32/36 \text{ ton/cm}$$

مهارهای جانبی باید دارای مقاومت و سختی فوق باشند. ادامه روند طراحی مهارهای جانبی تیر پیوند مشابه مثال ۲-۲ می‌باشد.

#### ♦ کنترل سخت‌کننده‌های تیر پیوند

الف) سخت‌کننده‌های انتهایی

در دو انتهای محل اتصال مهاربند به تیر پیوند بایستی یک جفت سخت‌کننده عرضی در تمام عمق جان و در دو طرف آن تعبیه گردد. ابعاد سخت‌کننده از روابط زیر به دست می‌آید:

$$w_{min} = \frac{b_f - 2t_w}{2} = \frac{30 - 2(1/15)}{2} = 13/85 \text{ cm}$$

$$t_s \geq \max\{0.75t_w = 0.86 \text{ cm}, 1/0 \text{ cm}\} = 1/0 \text{ cm} \Rightarrow \text{use } PL14 \times 10 \text{ mm}$$

ب) سخت‌کننده‌های میانی

سخت‌کننده‌های میانی تیر پیوند بستگی به نوع رفتار آن دارد. با توجه به رفتار برشی تیر پیوند و قرار گرفتن زاویه چرخش پلاستیک آن در محدوده  $(0.02 \text{ rad} \leq \gamma_p \leq 0.08 \text{ rad})$ ، فاصله سخت‌کننده‌ها از درون‌یابی به صورت زیر به دست می‌آید:

$$s \leq (60 - 367\gamma_p) t_w - \frac{d_b}{5}$$

$$\leq [60 - 367(0.026)](1/15) - \frac{32}{5}$$

$$\leq 51/62 \text{ cm}$$

مطابق مبحث دهم، سخت‌کننده‌های میانی در تیرهای با ارتفاع کمتر از  $d = 32 \text{ cm} < 60 \text{ cm}$  می‌توان به صورت تکی و در یک سمت جان تیر پیوند تعبیه نمود. بنابراین از  $PL14 \times 10 \text{ mm}$  در یک سمت جان تیر پیوند استفاده می‌شود.

#### ♦ طراحی جوش سخت‌کننده‌ها

اتصال سخت‌کننده‌های عرضی به جان و بال‌های تیر پیوند باید توسط جوش گوشه برقرار گردد. اتصال سخت‌کننده‌ها به جان باید برای نیروی  $A_{st} F_y$  محاسبه شود. اتصال سخت‌کننده‌ها به هر یک از بال‌های تیر پیوند باید برابر  $\frac{1}{4} A_{st} F_y$  در نظر گرفته شود ( $F_y$  تنش تسلیم فولاد سخت‌کننده و  $A_{st}$  سطح مقطع ورق هر یک از سخت‌کننده‌ها است).

مقاومت جوش گوشه در صورت استفاده از الکتروود  $E70$  ( $F_{ue} = 490 \text{ kg/cm}^2$ )، ضریب بازرسی جوش  $\beta = 0.75$  و ضریب تقلیل ظرفیت  $\phi = 0.75$  عبارتست از:

$$\phi R_n = \phi(\beta F_{nw} A_{we}) = 0.75(0.75)(0.6 F_{ue})(0.707 a l_w) = 117 a l_w$$



الف) اتصال سخت‌کننده‌ها به جان

وجود جوش گوشه در دو خط برای اتصال سخت‌کننده‌ها به جان ضروری است. اگر پخی با ابعاد ۶cm در امتداد جان فرض شود، در این صورت بعد جوش چنین محاسبه می‌شود:

$$a = \frac{A_{st} F_y}{2(1170)[d - 2t_f - 2(\text{clip})]} = \frac{14(1/0)(2530)}{2(1170)[32 - 2(2/05) - 2(6)]} = 0/95 \text{ cm} \Rightarrow a = 10 \text{ mm}$$

ب) اتصال سخت‌کننده‌ها به بال

وجود جوش گوشه در دو خط برای اتصال سخت‌کننده‌ها به بال تیر ضروری است. اگر پخی با ابعاد ۳cm در امتداد بال فرض شود در این صورت بعد جوش چنین محاسبه می‌شود:

$$a = \frac{\frac{1}{4} A_{st} F_y}{2(1170)(w - \text{clip})} = \frac{\frac{1}{4}(14/0)(1/0)(2530)}{2(1170)(14/0 - 3/0)} = 0/34 \text{ cm} \Rightarrow a = 5 \text{ mm}$$

بنابراین نیمرخ IPB۳۲۰ برای تیر پیوند مناسب است.

#### مثال ۲-۴ طراحی تیر خارج از ناحیه پیوند

داده‌ها:

با توجه به تیر ۱-BM نشان داده شده در شکل ۴-۱۸، کفایت نیمرخ IPB۳۲۰ با مشخصات  $F_u = 457 \text{ kg/cm}^2$  و  $F_y = 3515 \text{ kg/cm}^2$  را به عنوان تیر خارج از ناحیه پیوند بررسی نمائید. بارهای وارده براساس تحلیل مرتبه اول به صورت زیر می‌باشند:

$$\begin{aligned} P_D &= 0/46 \text{ ton} & P_L &= 0/32 \text{ ton} & P_E &= 47/62 \text{ ton} \\ V_D &= 3/1 \text{ ton} & V_L &= 2/2 \text{ ton} & V_E &= 3/95 \text{ ton} \\ M_D &= 2/35 \text{ ton.m} & M_L &= 1/56 \text{ ton.m} & M_E &= 15/6 \text{ ton.m} \end{aligned}$$

بال‌های تیر ۱-BM در ستون مهار شده‌اند. مقطع ستون IPB ۳۴۰ و مقطع مهاربند IPB ۳۲۰ فرض می‌شود.

حل:

مشخصات نیمرخ تیر خارج از ناحیه پیوند، IPB ۳۲۰ به شرح ذیل می‌باشد:

$$\begin{aligned} d &= 32 \text{ cm} , t_f = 2/05 \text{ cm} , t_w = 1/15 \text{ cm} , r_y = 7/57 \text{ cm} , S_x = 1930 \text{ cm}^3 \\ b_f &= 30 \text{ cm} , A_g = 161 \text{ cm}^2 , Z_x = 2065 \text{ cm}^3 , I_x = 30820 \text{ cm}^4 , J = 233 \text{ cm}^4 \end{aligned}$$

#### ♦ تعیین نیروها و لنگر طراحی تیر خارج از پیوند

برای طراحی تیر خارج از ناحیه پیوند، برش و لنگر نهایی انتهایی تیر پیوند به صورت زیر منظور می‌گردند:

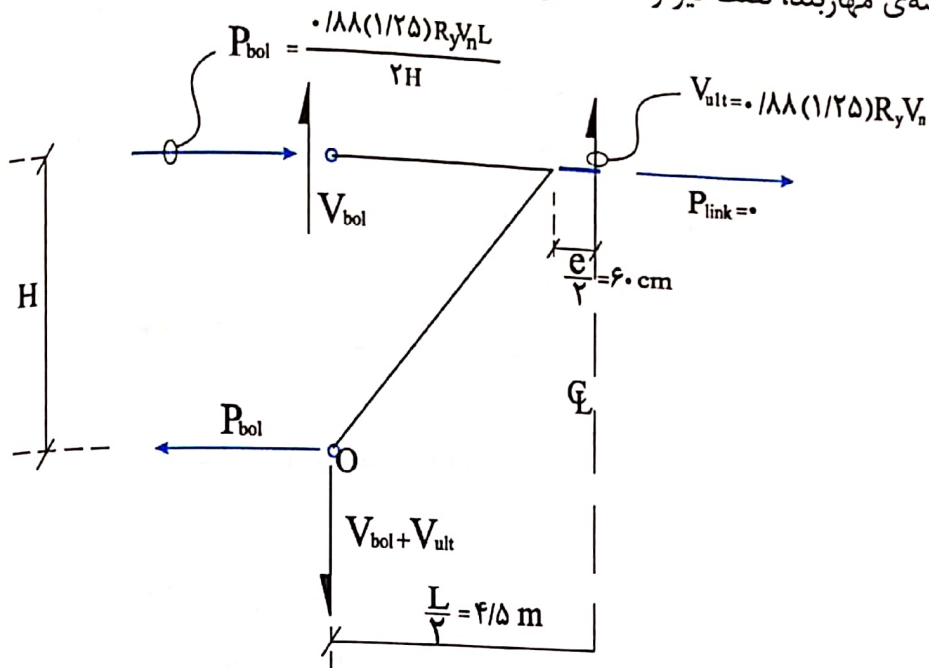
$$\begin{aligned} V_{ult} &= 0/88(1/25)R_y V_n = 1/1 R_y V_n \\ M_{ult} &= \frac{e V_{ult}}{2} \end{aligned}$$

مقاومت برشی اسمی تیر پیوند از مثال ۱-۴ برابر  $V_n = ۶۷/۶۵ \text{ ton}$  به دست آمده است.

$$V_{ult} = 1/1(1/2)(۶۷/۶۵) = ۸۹/۳۰ \text{ ton}$$

$$M_{ult} = \frac{1/2(۸۹/۳۰)}{۲} = ۵۳/۶۰ \text{ ton.m}$$

هندسه‌ی مهاربند، نصف تیر و نصف تیر پیوند در شکل ۲۰-۴ نشان داده شده است.



شکل ۲۰-۴ دیاگرام پیوند، مهاربند و تیر خارج از پیوند

تلاش‌های تیر خارج از پیوند با استفاده از دو روش ضریب توزیع و ضریب تشدید به دست

می‌آیند:

(الف) روش ضریب توزیع

نیروی محوری تیر خارج از ناحیه پیوند براساس نیروی برشی نهایی تیر پیوند و با لنگرگیری

حول نقطه O به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$P_E = \frac{V_{ult}L}{2H} = \frac{۸۹/۳۰(۹/۰)}{۲(۳/۷۵)} = ۱۰۷ \text{ ton}$$

برای تعیین سهم لنگر تیر خارج از ناحیه پیوند، اتصال مهاربند به تیر مطابق مثال ۱-۴ گیردار

فرض می‌شود. بنابراین لنگر خمشی انتهایی تیر پیوند (۵۳/۶۰ ton.m) باید بین مهاربند و تیر خارج از

ناحیه پیوند توزیع شود. سهم لنگر خمشی تیر خارج از ناحیه پیوند، بر اساس سختی اعضا می‌باشد، در

این روش در محاسبه‌ی سختی‌ها (EI/L) از مدول ارتجاعی هر دو عضو به علت یکسان بودن صرفنظر

شده است. در این صورت سهم لنگر تیر خارج از ناحیه پیوند به صورت زیر محاسبه می‌شود: (تیر خارج از ناحیه پیوند: bol)

$$L_{br} = \sqrt{375^2 + 390^2} = 541 \text{ cm} \quad , \quad L_{bol} = 390 \text{ cm}$$

$$\frac{I_{bol}}{L_{bol}} = \frac{30820}{390} = 0.58$$

$$\frac{I_{bol} + I_{br}}{L_{bol} + L_{br}} = \frac{30820 + 30820}{390 + 541}$$

بنابراین تیر خارج از ناحیه پیوند، ۵۸ درصد از لنگر انتهایی تیر پیوند سهم می‌برد.

$$M_{bol} = 0.58 M_{ult}$$

$$= 0.58 (53/60)$$

$$= 31 \text{ ton.m}$$

نیروی برشی تیر خارج از پیوند برابر است با:

$$V_{bol} = \frac{M_{bol}}{L_{bol}} = \frac{31}{3/9} = 8 \text{ ton}$$

(ب) روش ضریب تشدید

روش دیگر محاسبه تلاش‌ها در خارج از ناحیه پیوند، روش ضریب تشدید می‌باشد. ضریب تشدید از تقسیم مقاومت برشی نهایی تیر پیوند بر مقاومت برشی تیر پیوند حاصل از تحلیل در اثر نیروهای لرزه‌ای آیین‌نامه‌ای، به دست می‌آید. این ضریب تشدید، نیروی اعضای باقی مانده قاب را که بر اساس تحلیل لرزه‌ای آیین‌نامه‌ای به دست آمده‌اند، تقویت می‌کند. اگر نیروی برشی تیر پیوند حاصل از نتایج تحلیل کامپیوتری نیروهای لرزه‌ای  $V_{E(link)} = 38 \text{ ton}$  به دست آمده باشد، در این صورت ضریب تشدید چنین محاسبه می‌شود:

$$\alpha = \frac{1/1 R_y V_n}{V_{E(link)}} = \frac{89/30}{38} = 2/35$$

لنگر خمشی تیر خارج از ناحیه پیوند، بر اساس نیروی برشی نهایی تیر پیوند برابر است با:

$$M_{Eq} = 2/35 M_E = 2/35 (15/6) = 36/66 \text{ ton.m}$$

نیروی محوری تیر خارج از ناحیه پیوند، بر اساس نیروی برشی نهایی تیر پیوند برابر است با:

$$P_{Eq} = 2/35 P_E = 2/35 (47/62) = 112 \text{ ton}$$

برش در تیر خارج از ناحیه پیوند، بر اساس نیروی برشی نهایی تیر پیوند برابر است با:

$$V_{Eq} = 2/35 V_E = 2/35 (3/95) = 9/28 \text{ ton}$$

در این مثال از روش ضریب تشدید برای تعیین نیروهای طراحی استفاده می‌شود. از آنجا که در تعیین بارهای لرزه‌ای تیر خارج از ناحیه پیوند، از ضریب تشدید  $\alpha$  استفاده شده است، بنابراین نیازی به استفاده از ضریب اضافه مقاومت  $\Omega_0$  برای بار زلزله نیست.

تیر خارج از ناحیه پیوند باید برای تلاش‌های لرزه‌ای فوق به علاوه تلاش‌های ناشی از بارهای ثقلی ضریب‌دار طراحی گردد.

نیروی محوری طراحی تیر خارج از ناحیه پیوند برابر است با:

$$P_u = (1/2 + 0/6 AI) P_D + P_{Eq} + 0/5 P_L + 0/2 P_S$$

$$= [1/2 + 0/6 (0/35)(1/0)] (0/46) + 112 + 0/5 (0/32) + 0$$

$$= 113 \text{ ton}$$

(ضریب بار زنده برای کاربری‌هایی که بار زنده گسترده یکنواخت آنها کم‌تر از ۵۰۰ کیلوگرم بر متر مربع می‌باشد برابر با ۰/۵ منظور می‌گردد).

لنگر خمشی طراحی تیر خارج از ناحیه پیوند برابر است با:

$$M_u = (1/2 + 0/6 AI) M_D + M_{Eq} + 0/5 M_L + 0/2 M_S$$

$$= [1/2 + 0/6 (0/35)(1/0)] (2/35) + 36/66 + 0/5 (1/56) + 0$$

$$= 40/75 \text{ ton.m}$$

نیروی برشی طراحی تیر خارج از ناحیه پیوند برابر است با:

$$V_u = (1/2 + 0/6 AI) V_D + V_{Eq} + 0/5 V_L + 0/2 V_S$$

$$= [1/2 + 0/6 (0/35)(1/0)] (3/1) + 9/28 + 0/5 (2/2) + 0$$

$$= 14/75 \text{ ton.m}$$

#### ♦ کنترل محدودیت‌های پهنا به ضخامت

مطابق مبحث دهم تیر خارج از ناحیه پیوند باید از نوع فشرده لرزه‌ای با شکل‌پذیری متوسط و محدودیت حداکثر نسبت پهنا به ضخامت  $\lambda_{md}$  باشد. چون نیمرخ تیر خارج از ناحیه پیوند همانند تیر پیوند می‌باشد، نیاز به کنترل اضافی برای کمانش موضعی ندارد. کنترل‌های پهنا به ضخامت تیر پیوند برای شکل‌پذیری زیاد  $\lambda_{hd}$  در مثال ۴-۱ انجام گردید.

#### ♦ تعیین طول مهار نشده تیر خارج از ناحیه پیوند

مطابق داده‌های مثال ۴-۱ هر دو انتهای تیر پیوند مهار شده است. اگر عمق ستون برابر ۳۴ cm فرض شود، طول مهار نشده‌ی تیر خارج از ناحیه پیوند تا بر ستون به صورت زیر است:

$$L_b = \frac{L - e - 2\left(\frac{d_c}{2}\right)}{2} = \frac{900 - 120 - 2\left(\frac{34}{2}\right)}{2} = 373 \text{ cm}$$

اثرات مرتبه دوم با توجه به پیوست دوم مبحث دهم در ادامه آورده شده است.

$$M_u = B_1 M_m + B_2 M_{II}$$

$$P_u = P_m + B_2 P_{II}$$

نظر به این که اثر بار جانبی بر اساس مقاومت برشی نهایی تیر پیوند منظور گردیده است، نیازی به در نظر گرفتن اثر  $P-\Delta$  و ضریب  $B_2$  نبوده و این ضریب برابر واحد می‌باشد.

- محاسبه  $B_1$

مقدار ضریب  $C_m$  به طور محافظه کارانه برابر  $1/0$  لحاظ می‌گردد و از روش ضریب طول مؤثر برای طراحی پایداری استفاده می‌شود.

$$P_{e1} = \frac{\pi^2 EI^*}{(K_1 L)^2} = \frac{\pi^2 (2/1)(10^6)(30820)}{[1/0(373)]^2} = 4591 \text{ ton}$$

$$B_1 = \frac{C_m}{1 - P_u / P_{e1}} \geq 1$$

$$= \frac{1/0}{1 - (113) / (4591)}$$

$$= 1/025$$

لنگر خمشی طراحی تیر خارج از ناحیه پیوند با در نظر گرفتن ضریب  $B_1$  برابر است با:

$$M_u = B_1 (1/2 + 0/6 AI) M_D + B_1 (0/5 M_L) + B_1 (0/2 M_S) + M_{Eq}$$

$$= 1/025 [1/2 + 0/6(0/35)(1/0)] (2/35) + 1/025 (0/5)(1/56) + 1/025 (0/2)(0) + 36/66$$

$$= 40/85 \text{ ton.m}$$

از آن جا که نیمرخ تیر خارج از ناحیه پیوند همانند تیر پیوند است. آیین‌نامه ۱۰-۳۴۱ AISC استفاده از  $R_y F_y$  به جای  $F_y$  را، در تعیین مقاومت‌های موجود تیر خارج از ناحیه پیوند مجاز می‌داند.

تعیین مقاومت فشار محوری تیر خارج از ناحیه پیوند

$$\frac{KL_b}{r} = \frac{1/0(373)}{7/57} = 49$$

$$\frac{KL_b}{r} < 4/71 \sqrt{\frac{E}{R_y F_y}} = 4/71 \sqrt{\frac{2/1(10^6)}{1/2(3515)}} = 105$$

چون  $49 < 105$ ، کماتش غیرارتجاعی حاکم است:

$$F_e = \frac{\pi^2 E}{\left(\frac{KL_b}{r}\right)^2} = \frac{\pi^2 (2/1)(10^6)}{(49)^2} = 8631 \text{ kg/cm}^2$$

$$F_{cr} = \left[ \frac{R_y F_y}{F_e} \right] R_y F_y = \left[ \frac{1/2(3515)}{1621} \right] (1/2)(3515) = 3437 \text{ kg/cm}^2$$

$$\begin{aligned} \phi_c P_n &= \phi_c F_{cr} A_g \\ &= 0.9(3437)(161) \\ &= 498 \text{ ton} > P_u = 113 \text{ ton} \quad \text{o.k.} \end{aligned}$$

♦ تعیین مقاومت خمشی تیر خارج از ناحیه پیوند

$L_p$ ، مرز حالت حدی تسلیم و حالت حدی کمانش پیچشی - جانبی غیرارتجاعی چنین است:

$$L_p = 1/76 r_y \sqrt{\frac{E}{R_y F_y}} = 1/76(7/57) \sqrt{\frac{2/1(10^6)}{1/2(3515)}} = 297 \text{ cm}$$

$L_r$ ، که مرز بین دو حالت حدی کمانش پیچشی - جانبی غیرارتجاعی و ارتجاعی را مشخص می‌کند، طبق رابطه‌ی زیر تعیین می‌شود:

$$\begin{aligned} L_r &= 1/95 r_{ts} \frac{E}{0.7 R_y F_y} \sqrt{\frac{Jc}{S_x h_x} + \sqrt{\left(\frac{Jc}{S_x h_x}\right)^2 + 6/76 \left(\frac{0.7 R_y F_y}{E}\right)^2}} \\ &= 1/95(8/31) \frac{2/1(10^6)}{0.7(1/2)(3515)} \sqrt{\frac{233(1/0)}{1930(29/95)} + \sqrt{\left(\frac{233(1/0)}{1930(29/95)}\right)^2 + 6/76 \left(\frac{0.7(1/2)(3515)}{2/1(10^6)}\right)^2}} \\ &= 1120 \text{ cm} \end{aligned}$$

که در آن:

$$h_x = d - t_f = 29/95 \text{ cm}, \quad c = 1, \quad r_{ts} = \frac{b_f}{\sqrt{12 \left(1 + \frac{1}{6} \frac{h t_w}{b_f t_f}\right)}} = 8/31 \text{ cm}$$

$$L_b = 373 \text{ cm}, \quad L_p < L_b < L_r = 1120$$

کمانش پیچشی - جانبی غیرارتجاعی حاکم است. ضریب یکنواختی لنگر  $C_b$  به طور محافظه‌کارانه واحد فرض می‌شود.

$$M_p = R_y F_y Z_x = 1/2(3515)(2065) = 87 \text{ ton.m}$$

$$M_n = C_b \left[ M_p - (M_p - 0.7 R_y F_y S_x) \left( \frac{L_b - L_p}{L_r - L_p} \right) \right] \leq M_p$$

$$= 1/0 \left[ 87 - \left( 87 - 0.7(1/2)(3515)(1930 \times 10^{-5}) \right) \left( \frac{373 - 297}{1120 - 297} \right) \right]$$

$$= 84/3 \text{ ton.m} < M_p = 87 \text{ ton.m}$$

$$\phi_b M_n = 0.9(84/3) = 75/87 \text{ ton.m}$$

♦ اثر هم‌زمان فشار محوری و لنگر خمشی

$$\frac{P_u}{P_c} = \frac{113}{498} = 0.23 > 0.2$$

$$\frac{P_u}{P_c} + \frac{8}{9} \left( \frac{M_{ux}}{\phi_b M_{nx}} + \frac{M_{uy}}{\phi_b M_{ny}} \right) \leq 1$$

$$0.23 + \frac{8}{9} \left( \frac{40/85}{75/87} + 0 \right) = 0.71 < 1 \quad \text{o.k.}$$

♦ کنترل مقاومت برشی تیر

$$\frac{h}{t_w} = \frac{32 - 2(4/75)}{1/15} = 19/5 < 2/24 \sqrt{\frac{E}{R_y F_y}} = 50 \Rightarrow \phi_v = 1.0, C_v = 1.0$$

$$V_n = 0.6 R_y F_y A_w C_v = 0.6 (1/2) (3515) (32) (1/15) (1.0) = 93 \text{ ton}$$

$$\phi_v V_n = 1.0 (93) = 93 \text{ ton} > V_u = 14/75 \text{ ton} \quad \text{o.k.}$$

مقطع IPB ۳۲۰ برای تیر خارج از ناحیه پیوند مناسب است.

### مثال ۳-۴ طراحی مهاربند در قاب مهاربندی واگرا

داده‌ها:

با توجه به شکل ۴-۱۸ مهاربند BR-۱، را با استفاده از نیمرخ IPB و مشخصات  $F_u = 457 \text{ kg/cm}^2$  و  $F_y = 3515 \text{ kg/cm}^2$  در برابر بارهای وارده طراحی نمایید.

مقطع تیر پیوند و تیر خارج از ناحیه پیوند مطابق مثال‌های ۴-۱ و ۴-۲ نیمرخ IPB ۳۲۰ فرض شود. نیروهای وارده به مهاربند به علت تحلیل مرتبه اول به صورت زیر است.

$$P_D = 5/35 \text{ ton} \quad P_L = 3/8 \text{ ton} \quad P_E = 61/7 \text{ ton}$$

$$V_D = 0/1 \text{ ton} \quad V_L = 0/06 \text{ ton} \quad V_E = 1/37 \text{ ton}$$

$$M_D = 0/45 \text{ ton.m} \quad M_L = 0/3 \text{ ton.m} \quad M_E = 7/6 \text{ ton.m}$$

حل:

♦ تعیین بارهای طراحی مهاربند

برای طراحی مهاربند، برش نهایی انتهایی تیر پیوند به صورت زیر منظور می‌گردد:

$$V_{ult} = 1/25 R_y V_n$$

مقاومت برشی اسمی تیر پیوند از مثال ۴-۲ برابر  $V_n = 67/65 \text{ ton}$  به دست آمده است.

$$V_{ult} = 1/25 (1/2) (67/65) = 10/15 \text{ ton}$$

در این مثال نیز همانند مثال قبل از روش ضریب تشدید استفاده می‌شود. ضریب تشدید از تقسیم مقاومت برشی نهایی تیر پیوند بر مقاومت برشی تیر پیوند حاصل از تحلیل در اثر نیروهای لرزه‌ای آیین‌نامه‌ای، به دست می‌آید. این ضریب، نیروی اعضای باقی مانده قاب را که بر اساس تحلیل لرزه‌ای آیین‌نامه‌ای به دست آمده‌اند، تقویت می‌کند. اگر نیروی برشی تیر پیوند حاصل از نتایج تحلیل کامپیوتری نیروهای لرزه‌ای  $V_{E(link)} = ۳۸ \text{ ton}$  به دست آمده باشد، در این صورت ضریب تشدید چنین محاسبه می‌شود:

$$\alpha = \frac{1/۲۵ R_y V_n}{V_{E(link)}} = \frac{۱۰۱/۵}{۳۸} = ۲/۶۷$$

لنگر خمشی در مهاربند، به علت مکانیزم شدن تیر پیوند برابر است با:

$$M_{Eq} = ۲/۶۷ M_E = ۲/۶۷ (۷/۶) = ۲۰/۳۰ \text{ ton.m}$$

نیروی محوری در مهاربند، به علت مکانیزم شدن تیر پیوند برابر است با:

$$P_{Eq} = ۲/۶۷ P_E = ۲/۶۷ (۶۱/۷) = ۱۶۴/۷۴ \text{ ton}$$

نیروی برشی در مهاربند، به علت مکانیزم شدن تیر پیوند برابر است با:

$$V_{Eq} = ۲/۶۷ V_E = ۲/۶۷ (۱/۳۷) = ۳/۶۶ \text{ ton}$$

مهاربند باید برای تلاش‌های لرزه‌ای فوق به علاوه تلاش‌های ناشی از بارهای ثقلی ضریب‌دار طراحی گردد. با در نظر گرفتن ضریب تشدید  $\alpha$  به جای  $\Omega_0$ ، ترکیب بار لرزه‌ای تشدید یافته حاکم در مهاربند برابر خواهد بود با:

$$(1/۲ + 0/۶ AI) D + ۲/۶۷ E + 0/۵ L + 0/۲ S$$

(ضریب بار زنده برای کاربری‌هایی که بار زنده گسترده یکنواخت آنها کم‌تر از ۵۰۰ کیلوگرم بر متر مربع می‌باشد برابر با ۰/۵ منظور می‌گردد).

نیروی محوری طراحی مهاربند برابر خواهد بود با:

$$P_u = (1/۲ + 0/۶ AI) P_D + P_{Eq} + 0/۵ P_L + 0/۲ P_S$$

$$= [1/۲ + 0/۶ (0/۳۵)(1/0)] (۵/۳۵) + ۱۶۴/۷۴ + 0/۵ (۳/۸) + 0$$

$$= ۱۷۴/۱۸ \text{ ton}$$

نیروی برشی طراحی مهاربند برابر خواهد بود با:

$$V_u = (1/۲ + 0/۶ AI) V_D + V_{Eq} + 0/۵ V_L + 0/۲ V_S$$

$$= [1/۲ + 0/۶ (0/۳۵)(1/0)] (0/۱) + ۳/۶۶ + 0/۵ (0/۰۶) + 0$$

$$= ۳/۸۳ \text{ ton}$$

لنگر خمشی طراحی مهاربند برابر خواهد بود با:

$$M_u = (1/۲ + 0/۶ AI) M_D + M_{Eq} + 0/۵ M_L + 0/۲ M_S$$

$$= [1/۲ + 0/۶ (0/۳۵)(1/0)] (0/۴۵) + ۲۰/۳۰ + 0/۵ (0/۲) + 0$$

$$= ۲۱/۱ \text{ ton.m}$$



نیمرخ IPB۳۲۰ با مشخصات زیر را برای مهاربند انتخاب می‌شود:

$$d = 32 \text{ cm}, b_f = 30 \text{ cm}, t_f = 2/0.5 \text{ cm}, t_w = 1/1.5 \text{ cm}, r_y = 7/5.7 \text{ cm}, S_x = 193.0 \text{ cm}^3$$

$$A_g = 161 \text{ cm}^2, Z_y = 932 \text{ cm}^2, Z_x = 2065 \text{ cm}^2, I_x = 30820 \text{ cm}^4, J = 233 \text{ cm}^4$$

محدودیت‌های پهنا به ضخامت

مطابق مبحث دهم مقطع مهاربندی‌ها در قاب‌های مهاربندی واگرا باید از نوع فشرده لرزه‌ای با شکل‌پذیری متوسط با محدودیت حداکثر پهنا به ضخامت  $\lambda_{md}$  باشد.

$$\lambda_f = \frac{b_f}{2t_f} = \frac{30}{2(2/0.5)} = 7/3$$

$$\lambda_{md} = 0/38 \sqrt{\frac{E}{F_y}} = 0/38 \sqrt{\frac{2/1(10^6)}{3515}} = 9/29$$

$$\Rightarrow \lambda_f < \lambda_{md} \text{ o.k.}$$

$$\lambda_w = \frac{h}{t_w} = \frac{32 - 2(4/7.5)}{1/1.5} = 19/56$$

$$\lambda_{md} = 1/49 \sqrt{\frac{E}{F_y}} = 1/49 \sqrt{\frac{2/1(10^6)}{3515}} = 36/41$$

$$\Rightarrow \lambda_w < \lambda_{md} \text{ o.k.}$$

محاسبه طول مهاربند

طول مهار نشده مهاربند چنین است:

$$L_{br} = \sqrt{375^2 + 390^2} = 541 \text{ cm}$$

لحاظ آثار مرتبه دوم

اثرات مرتبه دوم با توجه به پیوست دوم مبحث دهم در ادامه آورده شده است.

$$M_u = B_1 M_{nt} + B_2 M_{1t}$$

$$P_u = P_{nt} + B_2 P_{1t}$$

نظر به این که اثر بار جانبی بر اساس مقاومت برشی نهایی تیر پیوند منظور گردیده است، نیازی به در نظر گرفتن اثر  $P-\Delta$  و ضریب  $B_2$  نبوده و این ضریب برابر واحد می‌باشد. از روش طول مؤثر برای طراحی پایداری استفاده می‌شود:

محاسبه  $B_1$

وقتی که هیچ‌گونه بار جانبی روی مهاربند وجود نداشته باشد، مقدار ضریب  $C_m$  برابر خواهد بود با:

$$C_m = 0/6 - 0/4 \left( \frac{M_1}{M_2} \right) = 0/6 - 0/4 \left( \frac{0/0}{21/1} \right) = 0/6$$

مطابق مبحث دهم در روش تحلیل مرتبه اول  $EI^*$  برابر  $EI$  در نظر گرفته می‌شود.

$$P_e = \frac{\pi^2 EI^*}{(K_1 L)^2} = \frac{\pi^2 (2/1)(10^6)(30820)}{[1/0(541)]^2} = 2182 \text{ ton}$$

$$B_1 = \frac{C_m}{1 - P_u / P_e} \geq 1$$

$$= \frac{0.6}{1 - (174/18) / (2182)}$$

$$= 0.65$$

به علت این که  $B_1 < 1$  است، مقدار  $B_1 = 1$  در نظر گرفته می‌شود.

از آن جا که هر دو ضریب  $B_1 = B_2 = 1$  می‌باشند. لنگر خمشی طراحی نیاز به تشدید برای اثرات  $P - \delta$  و  $P - \Delta$  ندارد.

♦ تعیین مقاومت فشاری مهاربند

$$\frac{KL}{r} = \frac{1/0(541)}{7/57} = 72$$

$$\frac{KL}{r} < 4/71 \sqrt{\frac{E}{F_y}} = 4/71 \sqrt{\frac{2/1(10^6)}{3515}} = 115$$

چون  $72 < 115$ ، کمانش خمشی غیرارتجاعی حاکم است:

$$F_e = \frac{\pi^2 E}{\left(\frac{KL}{r}\right)^2} = \frac{\pi^2 (2/1)(10^6)}{(72)^2} = 3997 \text{ kg/cm}^2$$

$$F_{cr} = \left[ 0.658 \frac{F_y}{F_e} \right] F_y = \left[ 0.658 \frac{3515}{3997} \right] (3515) = 2432 \text{ kg/cm}^2$$

$$\phi_c P_n = \phi_c F_{cr} A_g$$

$$= 0.9(2432)(161)$$

$$= 352 \text{ ton} > P_u = 174/18 \text{ ton} \quad \text{o.k.}$$

♦ تعیین مقاومت خمشی مهاربند

$L_p$ ، که مرز حالت حدی تسلیم و حالت حدی کمانش پیچشی - جانبی غیرارتجاعی را مشخص می‌کند، چنین محاسبه می‌شود:

$$L_p = 1/76 r_y \sqrt{\frac{E}{F_y}} = 1/76 (7/57) \sqrt{\frac{2/1(10^6)}{3515}} = 326 \text{ cm}$$

برای که مرز بین دو حالت حدی کماتش پیچشی - جانی غیر ارتجاعی و ارتجاعی را تعیین می شود

$$L_p = 1/95 \frac{E}{\sqrt{F_s}} \sqrt{\frac{J_c}{S_s h_o} + \sqrt{\left(\frac{J_c}{S_s h_o}\right)^2 + 6.76 \left(\frac{\sqrt{F_s} E}{E_s}\right)^2}} \quad (2.1)$$

$$= 1/95 \frac{211000}{\sqrt{2515}} \sqrt{\frac{232(1/0)}{1924(29/95)} + \sqrt{\left(\frac{232(1/0)}{1924(29/95)}\right)^2 + 6.76 \left(\frac{\sqrt{2515}}{211000}\right)^2}}$$

$$= 1318 \text{ cm}$$

اینجا در جدول 2-2 به جای 2-2

که در آن:

$$h = d - t_f = 29/85 \text{ cm}$$

$$L_p = 541 \text{ cm} \quad L_p < L_n < L_c = 1318 \text{ cm}$$

کمانش پیچشی - جانی غیر ارتجاعی حاکم است. تقریب بکنواختی لنگر C<sub>2</sub> به طور محافظه کارانه برابر واحد انتخاب می گردد.

$$M_p = F_s Z_s = 2515(2.65) = 6645 \text{ ton.m}$$

$$M_n = C_b \left[ M_p - \left( M_p \frac{L_p - L_c}{L_n - L_c} \right) \right] \leq M_p$$

$$= 1/0 \left[ 6645 - \left( 6645 \frac{541 - 1318}{1318 - 236} \right) \right]$$

$$M_n = 6715 \text{ ton.m} \leq M_p = 6645 \text{ ton.m}$$

$$\phi_b M_n = 0.9(6715) = 6043 \text{ ton.m}$$

التر هم زمان فشار محوری و لنگر خمشی

$$\frac{P_u}{P_c} + \frac{1}{9} \left( \frac{M_{ux}}{M_{cx}} + \frac{M_{uy}}{M_{cy}} \right) \leq 1$$

$$\frac{174/18}{252} + \frac{1}{9} \left( \frac{60/43}{60/43} + \frac{21/1}{60/43} \right) = 0.80 < 1 \text{ o.k.}$$